### **OBSERVATION & MESURE EN ASTROPHYSIQUE**

#### Eléments de Rayonnement, de Statistique, de Détection et de Traitement du Signal, d'Imagerie, de Photométrie et de Spectroscopie dans le Visible



La galaxie M82 observée en infrarouge par *Spitzer/IRAC* depuis l'espace à 3.6, 4.5 et 8.0  $\mu$ m par le relevé SINGS (Kennicutt et al.). Compositage de H. Dole à partir des données publiques.

### Hervé Dole

Institut d'Astrophysique Spatiale bureau 206 - bâtiment 121 Université Paris Sud 11 91405 Orsay Cedex tel : 01.69.85.85.72 email : Herve.Dole ias.u-psud.fr

Document télechargeable : http ://www.ias.u-psud.fr/pperso/hdole/enseignement.php Etudiants : vos commentaires, suggestions, identifications des erreurs sont les **bienvenus** !

#### Année 2008-2009

Version 19Nov2008

# Table des matières

I	Intr	oduction physique et astrophysique	11
1	Intro 1.1 1.2 1.3 1.4 1.5 1.6	oduction         Démarche scientifique ; Astrophysique ; Observation	<ol> <li>13</li> <li>13</li> <li>14</li> <li>15</li> <li>15</li> </ol>
2	<b>Ray</b> 2.1 2.2 2.3 2.4	onnement éléctromagnétique en astrophysique         Spectre électromagnétique         Corps noir         2.2.1         Nature         2.2.2         Caractéristiques principales         Différentes températures         Rayonnement des principaux objets astrophysiques	17 17 17 17 20 22 22
3	La v 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7	ie d'un photon n'est pas un long fleuve tranquille Introduction au signal et au bruit	27 28 28 29 30 30 31
4	<b>Rap</b> 4.1 4.2 4.3 4.4	pels de théorie des probabilités         Notions élémentaires         4.1.1       Définitions         4.1.2       Fonction de distribution (ou de densité de probabilité)         4.1.3       Moments         4.1.4       Plusieurs variables         Distribution de Gauss (loi normale)         4.2.1       Définition         4.2.2       Propriétés         Autres distributions       4.3.1         Distribution de Poisson       4.3.2         Distribution de Poisson       4.3.2	<b>35</b> 36 36 36 36 37 37 38 38 38 38 39 39 40 40

Hervé Dole - Observation & mesure en astrophysique

41

	4.6	Dans le monde réel : la moyenne pondérée42
	4.7	Un dernier mot : ergodisme
5	Out	ils mathématiques de caractérisation des signaux 43
	5.1	Outils élémentaires
	5.2	Transformée de Fourier
		5.2.1 Définition
		5.2.2 Espace direct et espace de Fourier
		5.2.3 Signification de la transformée de Fourier
		5.2.4 Ouelaues propriétés
		5.2.5 Amplitude et phase 47
		526 En pratique
	53	Fneroie des signaux
	0.0	531  Puissance et énergie
		5.3.1 Puissance et energie
		5.3.2 Densite spectrale d'energie
		5.5.5 Specific de puissance
		$5.3.4  \text{Druit Dianc} \qquad 40$
	<b>F</b> 4	5.3.5 Egalite de Parseval : energies
	5.4	Fonction de correlation
		5.4.1 Fonction d'autocorrélation
		5.4.2 Signification
		5.4.3 Relation de Wiener-Khintchine
		5.4.4 Fonction de corrélation
	5.5	Convolution
		5.5.1 Définition
		5.5.2 Signification
		5.5.3 Quelques propriétés 50
	5.6	Réponse impulsionnelle
Ш		étection du signal astrophysique 53
	_	
6	La n	nesure en astrophysique 55
	6.1	Introduction : mesure, incertitude et erreur
	6.2	Echantillonnage et théorème d'échantillonnage56
	6.3	Discrétisation
	6.4	Bruit : phénoménologie
		6.4.1 Bruit blanc
		6.4.2 Bruit en 1/f
		6.4.3 Bruit gaussien
		6.4.4 Bruit poissonien
	6.5	Bruit : origine physique
		6.5.1 Bruit de photon
		6.5.2 Bruit thermique
		65.3 Bruit de fond
		654 Bruit de discrétisation (ou quantification ou numérisation)
		655 Bruit de lecture
		656 Bruit de groppille
		$6.5.0  \text{Druit de greitaille} \qquad 04$
	6.6	0.0.7  Drunt we controlow here it  C/R
	0.0	$ \begin{array}{c} \text{Kapport signal sur or un 5/d} \\ \text{D} \\ \text{(1)} \\ \text{(1)} \\ \text{(2)} \\ \text{(2)} \\ \text{(3)} \\$
	6.7	Detection a 3 ou 5 sigmas ?
	6.8	Niveau de confiance

4.5 Estimateur de la moyenne

Hervé Dole - Observation & mesure en astrophysique

Master 2 Astron. & Astrophysique

	6.9 6.10	Puissance équivalente de bruit	65 66
7	<b>Gén</b> 7.1	<b>éralités sur les détecteurs de rayonnement</b> Classification des détecteurs	<b>67</b> 67
		<ul><li>7.1.1 Détecteurs cohérents, quantiques, en amplitude, ou quadratiques</li><li>7.1.2 Classification plus pragmatique</li></ul>	67 68
	7.2 7.3	Performances des détecteurs	69 69
8	Déte	ecteurs CCD dans le visible	71
	8.1	Fonctionnement	71
	8.2	8.2.1    Caractéristiques principales	72 72
		8.2.2 Exemples de CCD	72
	8.3	Rapport signal sur bruit	74
	8.4	Acquisitions à effectuer	74
	8.5	Pré-traitement du signal CCD	76
		8.5.1 Cameras CCD refroidies par effet Peltier	76
		853 Correction du temps d'intégration	76
	8.6	Un modèle simple de données CCD	76
	0.0	8.6.1 Description du modèle	76
		8.6.2 Modèle du bruit additif	77
		8.6.3 Démarche	77
		8.6.4 Mesure et détermination du biais : le superbiais	77
		8.6.5 Mesure et détermination du gain : le superflat	78
	8.7	Exemple : M82 au 120 de l'OHP	79
		<ul> <li>8.7.1 De l'image brute à l'image traitée</li></ul>	79 79
9	Plan	ification d'une observation	83
	9.1	Demarche	83
	9.2	Champ de vue du detecteur	83
	9.5 0.1	Choix de la gible dans les bases de données	04 94
	9.4 9.5	Choix des filtres et /ou de la résolution	04 85
	9.6	Rapport S/N	86
	9.7	Acquisitions	86
	9.8	Outil d'analyse rapide	86
137		nalizio du cional actronhizione	05
1 V	A	naryse du signal astrophysique	07
10	Elén	nents de traitement du signal astrophysique	89
	10.1	Notion de filtrage	89
	10.2	Types de filtres	89
	10.3	Filtrage dans l'espace direct	89
	10.4	10.3.1 Filtrages classiques passe-haut	91
	10.4	Futrage dans I espace des irequences	91 01
	10.3 10.4	Finage espace-frequence : les ondélettes	91 01
	10.0	Déconvolution	91 01
	10.7		21

11	Notions de photométrie	<b>93</b>
	11.1 Luminosite	93
	11.2 Densite de flux	93
	11.5 Maginude apparente	94 05
	11.4 Jystemes de magnitudes	95
	11.4.1 Magnitude Vega	95
	11.4.2 Magnitude AD. la plus platique	95
	11.5 Indice de couleur ou couleur	95
	11.0 Wagintude absolue	90
	11.7 Difficille de Sufface	90 07
	11.0 Etalomage photometriques	97
	11.10Photométrie d'auverture	97
	11.101 hotométrie par ajustement de PSE	97
	11.12 Autres types de photométrie	90
	11.12Effots cosmologiques	90
		22
12	Visualisation des résultats	101
	12.1 Philosophie	101
	12.2 Conseils de base	101
	12.3 Echelles	101
	12.4 Barres d'erreur	102
	12.5 La couleur à partir de trois images	102
	12.5.1 Avec ds9 : un premier regard $\ldots$	102
	12.5.2 Avec IDL	102
	12.5.3 Avec Stiff	102
13	Exemples d'analyse du signal en astrophysique et cosmologie	103
	13.1 Exemples de spectre de puissance en astrophysique et cosmologie	103
	13.1.1 Cosmologie : fond diffus cosmologique	103
	13.1.2 Cosmologie : distribution de matière	106
	13.1.3 Physique du milieu interstellaire : structuration et turbulence	106
	13.1.4 Physique solaire et stellaire : oscillations des étoiles	107
14	Bibliographie	109
٨	Observations à l'OLUP	115
A	A 1 Télessenes et instrumentation	115
	A-1 Telescopes et instrumentation	115
	A-2 Filles	115
	A-5 Treparation des projets scientinques	115
B	Rudiments de MIDAS	117
C	Rudiments d'IRAF	110
C	C-1 Ressources générales	110
	C-2 Commandes de base	110
	C-3 Manipuler une image	119
	C-4 Manipuler des images	120
	C-5 Réduction d'images CCD	120
	C-6 Photométrie	120
	C-7 Autre	121

# **Table des figures**

1.1	<b>Principe d'un système d'observation et d'acquisition astronomique</b> . Mise à jour de la figure 1.5 de Léna et al. [1998, 2008].	14
2.1	Le spectre électromagnétique. Les échelles sont exprimées en énergie (eV), fréquence, longueur d'onde, et nom usuel. Noter que le domaine des rayons $\gamma$ s'étend bien au delà de ce schéma, jusqu'au TeV ( $10^{12}$ eV). Pour les principales conversions, se reporter à la table 2.1.	18
2.2	Image du corps noir de 20K ayant servi à l'étalonnage de Planck-HFI à la station d'étalonage de l'IAS en 2006. La cavité du corps noir (A), ici ouverte, est composée de résine époxy chargée de poudre de carbone et micro-billes de silice (B). Le rayonnement sort par l'ouverture (C). La boite est chauffée de tous les cotés à 20K par des résistances (D). Des pieds (E) isolent le corps noir de l'environnement à 2K. Le corps noir doit avoir des parois aussi absorbantes que possible, seule l'emission de ces parois doit contribuer au rayonnement qui sort du corps noir. Le corps noir (F) est ensuite placé dans une sphére intégratrice (G) qui a pour but d'augmenter l'étendue de faisceau (H) : les parois internes de la sphère sont diffusantes et si possible non absorbantes, l'objectif étant de créer une illumination uniforme à partir d'un (petit) corps noir qui rayonne dans la sphère. Un miroir (I) renvoie le rayonnement sur le plan focal HFI (J). Le corps noir a une émissivité mesurée de l'ordre de $\epsilon = 1 - x$ , avec $x \sim 10^{-3}$ . Corps noir réalisé par : IAS/APC/IAP. Images prises par F. Pajot (IAS).	19
2.3	Les contributions majeures en rayonnement dans l'Univers, hors notre Galaxie : le fond cosmologique (CMB) et le fond diffus extragalactique, qui s'étend du domaine radio aux rayons $\gamma$ , mais qui est maximum dans l'infrarouge (CIB : Cosmic Infrared Background) puis l'optique (COB : Cosmic Optical Background). Ce graphique représente la brillance du rayonnement extragalactique et cosmologique, qui est proportionnelle à la puissance reçue, en fonction de la longueur d'onde (ou énergie) d'observation. A gauche : CMB, CIB et COB, avec les valeurs des brillances indiquées dans le cadre en nW/m <sup>2</sup> /sr (tiré de [Dole et al., 2006]). A droite : le même schéma, mais étendu sur tout le spectre (inspiré [Dole et al., 2006]; voir le site web galaxies IR à l'IAS : http ://www.ias.u-psud.fr/irgalaxies/)	25
3.1	La fenêtre atmosphérique. Ce schéma montre la transmission atmosphérique (zone blanche) : maximale en haut du schéma, nulle en bas. Les principales fenêtres pour observer le ciel sont donc dans le domaine visible (à gauche) et radio (à droite), avec quelques possibilités en IR proche et submillimétrique. L'opacité de l'atmosphère est principalement due aux raies de $H_2O$ , $O_2$ , $O_3$ , $CO_2$ . Trouvé sur www.fas.org <i>Si vous trouvez une meilleure illustration, je suis preneur</i> !	28

3.2	Effets de l'échantillonnage sur des galaxies infrarouges observées par ISO et Spit- zer. La même région du ciel est observée : $6.6' \times 6.6'$ dans le champ dit ELAIS N1. De gauche à droite : ISO à 170 $\mu$ m de longueur d'onde ; Spitzer à 160 $\mu$ m ; Spitzer à 70 $\mu$ m ; Spitzer à 24 $\mu$ m. On voit sur les 2 images de gauche, que l'échantillonnage d'ISO était plus faible que Spitzer, ce qui permet à ce dernier de détecter deux sources angulaire- ment proches (en bas à gauche), alors que les télescopes ont des tailles comparables. Les trois images de droite illustrent simplement l'évolution de la résolution angulaire en fonction de la longueur d'onde : la source brillante en IR lointain (en haut à droite) est en fait composée de plusieurs galaxies. Figure 11 de Lagache et al. [2005]	30
4.1	<b>Distribution gaussienne.</b> Exemple avec $\mu = 50$ et $\sigma = 10$ . La zone en tiret indique la largeur à mi-hauteur (FWHM), qui vaut environ $2.35\sigma$ soit ici 23.5. La zone claire indique la région $[\mu - \sigma, \mu + \sigma]$ , qui représente 68.3% de probabilité. Noter la différence entre la région $\pm \sigma$ et la FWHM. La zone plus grisée indique l'extension de la région $[\mu - 2\sigma, \mu + 2\sigma]$ , qui représente 95.5% de probabilité. Enfin, la zone sombre indique l'extension de la région $[\mu - 3\sigma, \mu + 3\sigma]$ , qui représente 99.7% de probabilité	39
4.2	Les relations entre les distributions binomiale, de Poisson et de Gauss. Adapté de la figure 1.12 de Protassov [2002]	41
5.1	<b>Exemple de distribution asymétrique (ici log-normale).</b> La moyenne (point), médiane (trait) et le mode de la distribution (point-trait) sont représentés. La moyenne est affectée par la queue de distribution de valeurs élevées ; la médiane s'avère un meilleur estimateur que la moyenne. Le mode donne directement la valeur la plus probable. Le minimum et le maximum de cette distribution divergent.	44
5.2	Extrait d'une série temporelle d'un pixel du photomètre MIPS à 160 $\mu$ m à bord du satellite Spitzer, lors de la première observation cosmologique du champ de Lockman à 160 $\mu$ m en novembre 2003. Les abscisses représentent le temps (un Data Collection Event, DCE, dure environ 1/8 seconde), les ordonnées le signal à 160 $\mu$ m (en DN/s, soit Data Number par seconde, multiplié par un facteur pour faciliter la lisibilité du graphe). Cet extrait montre 10s de signal, alors que MIPS voit un champ fixe dans le ciel, d'émission constante. Le signal est un peu bruité. La moyenne (point) et la médiane (trait) sont représentées. On observe que la moyenne est affectée par les deux points déviants proches de zéro. Pour information, les caractéristiques du signal tracé sont : 80 points ; moyenne=231,8 ; médiane=239,0 ; min=10 ; max=319 ; $\sigma$ =47,3	45
6.1	<b>Echantillonnage et discrétisation (ou quantification) d'un signal.</b> Figure 6.1 de Cottet [2000]	57
6.2	<b>Illustration de l'effet d'échantillonnage sur les fréquences détectées.</b> Un mauvais échantillonnage peut aboutir à une détection de fréquence inexistante. Figure 6.7 de Cottet [2000]	58
6.3	Illustration du bruit blanc : série temporelle (a, en haut) et spectre de puissance (b, en bas) de la différence de signal de deux bolomètres polarisés de Planck HFI à <b>143 GHz.</b> La ligne horizontale sur le spectre de puissance représente le bruit blanc, typiquement entre 30 mHz et 30 Hz. La coupure à haute fréquence est due au filtrage. Etalonnage à l'IAS en 2006. F. Pajot et l'équipe d'étalonnage Planck HFI.	59

6.4	Illustration du bruit en 1/f : série temporelle (a, en haut) et spectre de puissance (b, en bas) du signal d'un bolomètre de Planck HFI à 543 GHz. La ligne horizontale sur le spectre de puissance représente le bruit blanc; la ligne oblique représente le bruit un 1/f. La fréquence du coude $f_c$ caractérise la fréquence en dessous de laquelle le bruit en 1/f commence à dominer, ici vers 0.2 Hz. La coupure à haute fréquence est due au filtrage. Noter que cet exemple provient d'un bolomètre ne fonctionnant pas nominalement. Les autres bolomètres se comportent bien mieux ( $f_c < 0.1$ Hz), et la régulation (absente ici) élimine purement et simplement la dérive en 1/f. Etalonnage à l'IAS en 2006. F. Pajot et l'équipe d'étalonnage Planck HFI.	60
6.5	Autre illustration du bruit en 1/f : signal interférométrique avec variations at- mosphériques. Séries temporelles (à gauche) et spectre de puissance (à droite). Le bruit en 1/f est dû aux variations atmosphériques. Le signal recherché est le pic vers 100 Hz. Instrument FLUOR. Figure 4.3 de la thèse d'Antoine Mérand, 2005, Paris 6	61
7.1	<b>Bolomètre de Planck-HFI.</b> Le bolomètre est la structure en toile d'araignée (SWB : spider web bolometer) dont la maille est comparable a la longueur d'onde d'observa- tion ce qui permet d'être moins sensible aux rayons cosmiques. Le thermomètre est au centre. JPL/NASA et ESA ; site planck.fr et Michel Piat.	68
7.2	<b>Structure de bande d'un isolant, semiconducteur et conducteur.</b> $E_G$ est l'énergie de la bande interdite (ou "gap"). Figure 1.7 de Rieke [2004].	70
8.1	(à gauche) Les 40 CCDs de la caméra MegaCam au CFHT. Chaque CCD ayant 4612x2048 pixels, MegaCam est la plus grande caméra CCD au monde, avec 340 millions de pixels, couvrant un champ de 1 degré carré au foyer du télescope de 3.60m du CFHT. Canada-France-Hawaii Telescope / 2003. (à droite) Les 2 CCDs de la caméra ACS WFPC2 avant l'intégration, le lancement et l'installation au foyer du HST en mars 2002. NASA / Ball aerospace.	73
8.2	<b>Image CCD brute de M82 à l'OHP au 120.</b> A gauche : image des 900s d'intégration en $H_{\alpha}$ . A droite : histogramme de l'image ( $\sigma = 348$ ADU). Pris le 14 décembre 2006 par les étudiants du Master 2 d'astrophysique d'IdF, groupe de Paris.	80
8.3	<b>Biais de la CCD de l'OHP au 120.</b> A gauche : image (0s d'intégration) crée avec 6 images. A droite : histogramme de l'image ( $\sigma = 1.4$ ADU). Pris le 14 décembre 2006 par les étudiants du Master 2 d'astrophysique d'IdF, groupe de Paris	80
8.4	Flat du filtre $H_{\alpha}$ avec la CCD de l'OHP au 120. A gauche : image (15s d'intégration) crée à partir de 4 images. A droite : histogramme de l'image ( $\sigma = 5.4\%$ ). Noter les valeurs centrées autour de 1 pour ne pas changer la photométrie. Noter la non-uniformité de l'illumination, l'image de taches de poussières défocalisées (ayant la forme du miroir primaire), et les colonnes endomagées du détecteur. Pris le 13 décembre 2006 par les étudiants du Master 2 d'astrophysique d'IdF, groupe de Paris ; traitement de l'auteur.	81
8.5	<b>Image CCD pré-traitée et traitée (filtrage médian) de M82 à l'OHP au 120.</b> A gauche : image des 900s d'intégration en $H_{\alpha}$ . A droite : histogramme de l'image ( $\sigma = 305$ ADU). Noter le changement d'échelle et de dispersion par rapport à l'image brute. Pris le 14 décembre 2006 par les étudiants du Master 2 d'astrophysique d'IdF, groupe de Paris ; traitement de l'auteur.	81
9.1	Masse d'air et extinction (en magnitudes) selon la longueur d'onde, en fonction de la hauteur. Table 5.1 de Howell [2000]	85

11.1	<b>Illustration du principe de photométrie d'ouverture</b> : à gauche en vue de dessus ; à droite en coupe (profil). Le profil de la source ponctuelle (PSF) est représenté en niveaux de gris à gauche (noir : intense ; blanc : faible) et en trait plein noir à droite. Le cercle de rayon $r_{ap}$ représente l'ouverture dans laquelle on intègre le flux. L'anneau délimité par les rayons $r_{in}$ et $r_{out}$ sert à estimer le fond. Figure II.3 de la thèse de Bavouzet [2008], avec l'aimable autorisation de l'auteur.	97
13.1	<b>Carte du ciel des anisotropies de température du CMB observées par WMAP</b> (données 3 ans). En haut à gauche : tous les <i>l</i> ; ensuite, pour les 8 premiers <i>l</i> . Figure 14 de Hinshaw et al. [2006].	104
13.2	Illustration des 3 régimes dans le spectre de puissance des fluctuations de température du CMB $C_l$ . Le plateau, les pics acoustiques, l'amortissement. En insert, image des fluctuations observées en 1999 par le ballon BOOMERANG [De Bernardis et al., 2000] : on voit que l'essentiel de l'énergie se trouve dans des fluctuations aux échelles assez petites (~ 1 degré), ce qui explique le 1er pic acoustique vers $l \sim 200$ correspondant à une angle de 1 degré. Pour l'interprétation des 3 régimes, voir le cours de cosmologie. (adapté de S. Briddle).	106
13.3	Spectre de puissance (à gauche) et fonction d'autocorrélation (à droite) de mesures de vitesses radiales en fonction du temps sur l'étoile $\alpha$ -Cen A. Les oscillations (modes p de pression) sont à l'origine de ces variations de vitesse mesurées dans le spectre de puissance. 13 nuits d'observations en Mai 2001 à la Silla. Figures 2 et 3 de Bouchy & Carrier [2002].	107
13.4	Premier spectre de puissance d'une étoile observée continûment par COROT pen- dant 50 jours. LESIA/LAM/IAS/LATT/CNES/CNRS-INSU, mai 2007	107
A.1	Filtres IAP interférentiels placés au 120 de l'OHP. Adapté d'un document de M. Den- nefeld.	116

# Liste des tableaux

2.1	Quelques conversions approximatives dans le spectre électromagnétique. Les relations sont $E = h\nu = hc/\lambda = kT$ .	18
4.1	Probabilité dans le cas gaussien dans l'intervalle $[\mu - t\sigma, \mu + t\sigma]$ en fonction de <i>t</i> [Taylor, 1982].	40
8.1	Comparaison des caractéristiques de quelques couples caméra CCD + télescope	73
11.1	Bandes photométriques standard dans le visible et l'infrarouge. $\lambda_0$ est la longueur d'onde centrale, $\Delta\lambda/\lambda_0$ est la largeur à mi-hauteur relative du filtre, $F_{0,\nu}$ est le flux de référence en Jy dans la bande photométrique considérée, donnée pour le système de magnitude Vega et AB. Les références sont 1=Bessell et al. [1998] et Johnson [1965], 2=Campins et al. [1985], 3=Schneider et al. [1983], 4=Rieke et al. [1985], 5=Gunn et al. [1998], 6=Rieke et al. [2008], 7=Reach et al. [2005], 8=Engelbracht et al. [2007], 9=Gordon et al. [2007],10=Stansberry et al. [2007]. Voir aussi Glass [1999] et Léna et al. [2008].	100